

LEMBAR AKTIVITAS PESERTA DIDIK (LKPD 1)

MATERI : KONSEP EKSPONEN DAN GRAFIK EKSPONEN

Nama :

Anggota :

.....

.....

.....

.....

- 3.1. Mendeskripsikan fungsi eksponen dan logaritma menggunakan masalah kontekstual serta keterkaitannya

Indikator Pencapaian Kompetensi :

3.1.1. Menemukan konsep eksponen

3.1.2. Menentukan grafik fungsi eksponen

- 4.1. Menyajikan dan menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan fungsi eksponensial dan fungsi logaritma

Indikator Pencapaian Kompetensi :

4.1.1. Menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan grafik dan fungsi eksponen

A. Konsep Ekponen

- Gunakan Calculator Casio Classwizz fx-991EX untuk menyelesaikan masalah berikut:

Sebuah toko CD menjual 2 buah CD band A pada hari pertama, pada hari kedua terjual 4 buah CD band yang sama, pada hari ketiga terjual 8 buah CD, dan seterusnya. Berapakah terjual pada hari ke-20? Gunakan Calculator Casio Classwizz fx-991EX untuk membuat pola/susunan bilangannya. Seperti contoh berikut:

X banyak hari	Y total CD
1	$2 = 2^1$
2	$4 = 2^2$
3

Lengkapi tabel *diatas*!

Gunakan tombol x^{\square}

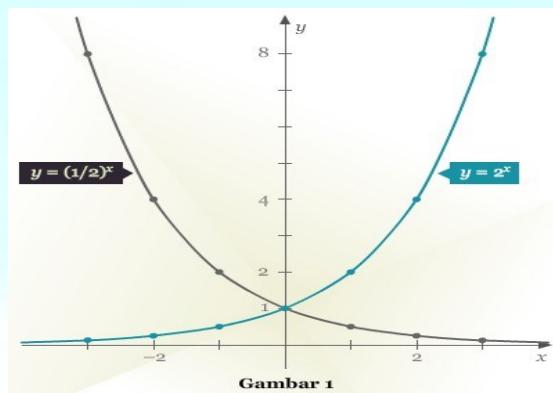
Berdasarkan tabel Y menunjukkan total banyaknya CD yang terjual hingga hari ke- X , dapat dinyatakan dengan sebuah fungsi eksponen:

$Y = \dots^x \leftrightarrow Y = a^x$, dengan $a > 1$ dan $a \neq 0$



B. Grafik Fungsi Ekspon

Dari tabel diatas kita akan memindahkannya kedalam bentuk grafik eksponen seperti contoh berikut:



Berdasarkan contoh diatas silahkan anda pindahkan isi tabel diatas dalam bentuk grafik fungsi eksponen!

LEMBAR KERJA PESERTA DIDIK (L K P D)

Nama Anggota Kelompok:

1.
2.
3.
4.
5.

Kelas:

FUNGSI EKSPONENSIAL

Kompetensi Dasar

3.1. Mendeskripsikan dan menentukan penyelesaian fungsi eksponensial dan fungsi logaritma menggunakan masalah kontekstual, serta keberkaitanannya.

4.1. Menyajikan dan menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan fungsi eksponensial dan fungsi logaritma.

Tujuan Pembelajaran

Melalui kegiatan pembelajaran ini diharapkan peserta didik memiliki sikap menghayati dan mengamalkan ajaran agama yang dianutnya, bertanggungjawab, santun, jujur, pro-aktif, dan peduli kepada sesama secara konsisten. Selanjutnya, diharapkan:

- 3.1.1. Peserta didik dapat menjelaskan pengertian fungsi eksponensial dengan tepat berdasarkan pengamatan terhadap masalah kontekstual.
- 3.1.2. Peserta didik dapat mengidentifikasi sifat-sifat fungsi eksponensial sekurang-kurangnya tiga sifat yang sesuai berdasarkan pengamatan terhadap grafik fungsi eksponensial.
- 4.1.1. Peserta didik dapat menggambar grafik fungsi eksponensial dengan lengkap dan benar berdasarkan percobaan pada bidang gambar dengan bantuan *Geogebra*.
- 4.1.2. Peserta didik dapat menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan fungsi eksponensial dengan benar berdasarkan sajian masalah kontekstual.

Kegiatan 1 : Perhatikan beberapa fungsi dalam tabel berikut ini!

Tentukan manakah yang termasuk fungsi eksponensial dan tuliskan sifat-sifatnya!

No	Fungsi-fungsi	Identifikasi Fungsi	Jenis Fungsi / Alasan
1	$y = 3^x$	Bilangan pokok : Pangkat :	
2	$y = x^2 - 2x + 1$	Bilangan pokok : Pangkat :	
3	$y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$	Bilangan pokok : Pangkat :	
4	$y = \left(\frac{1}{x}\right)^{2x}$	Bilangan pokok : Pangkat :	

Kesimpulan Kegiatan 1

.....

.....

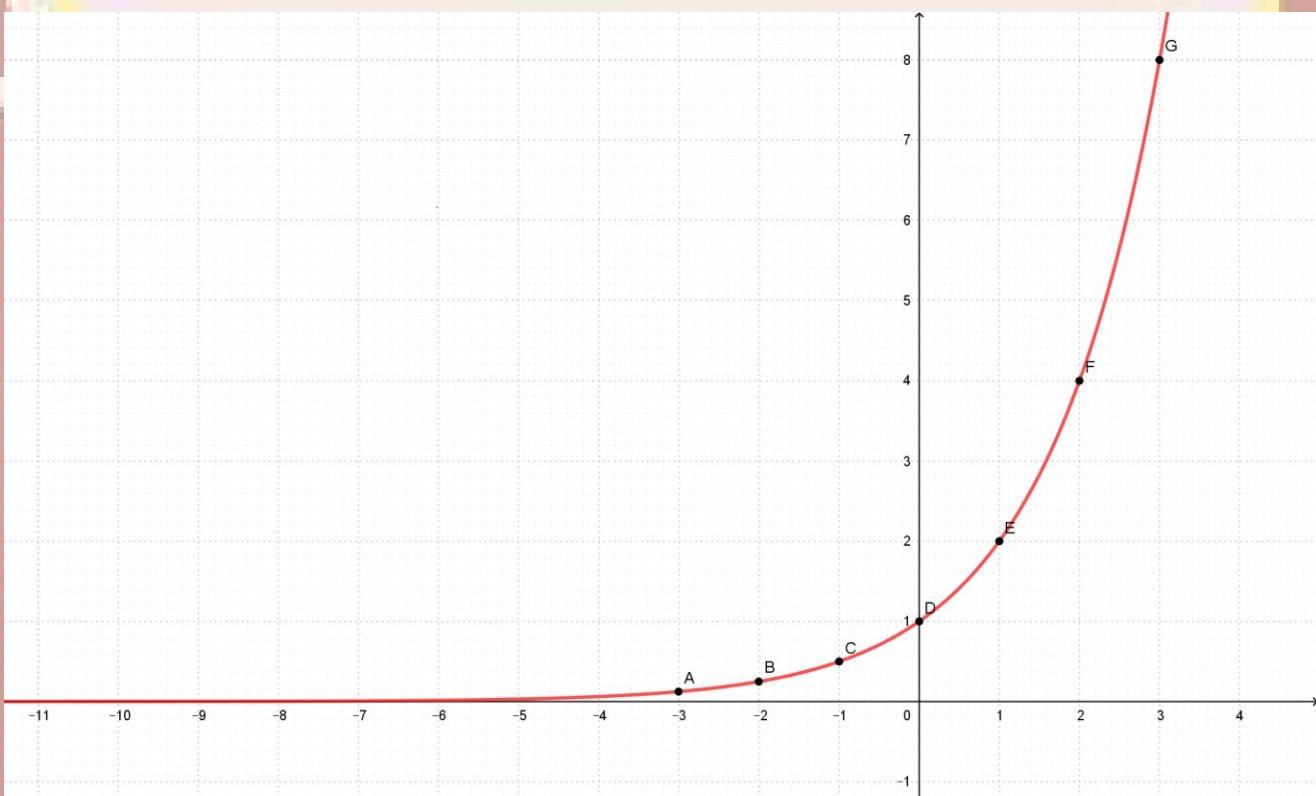
.....

.....

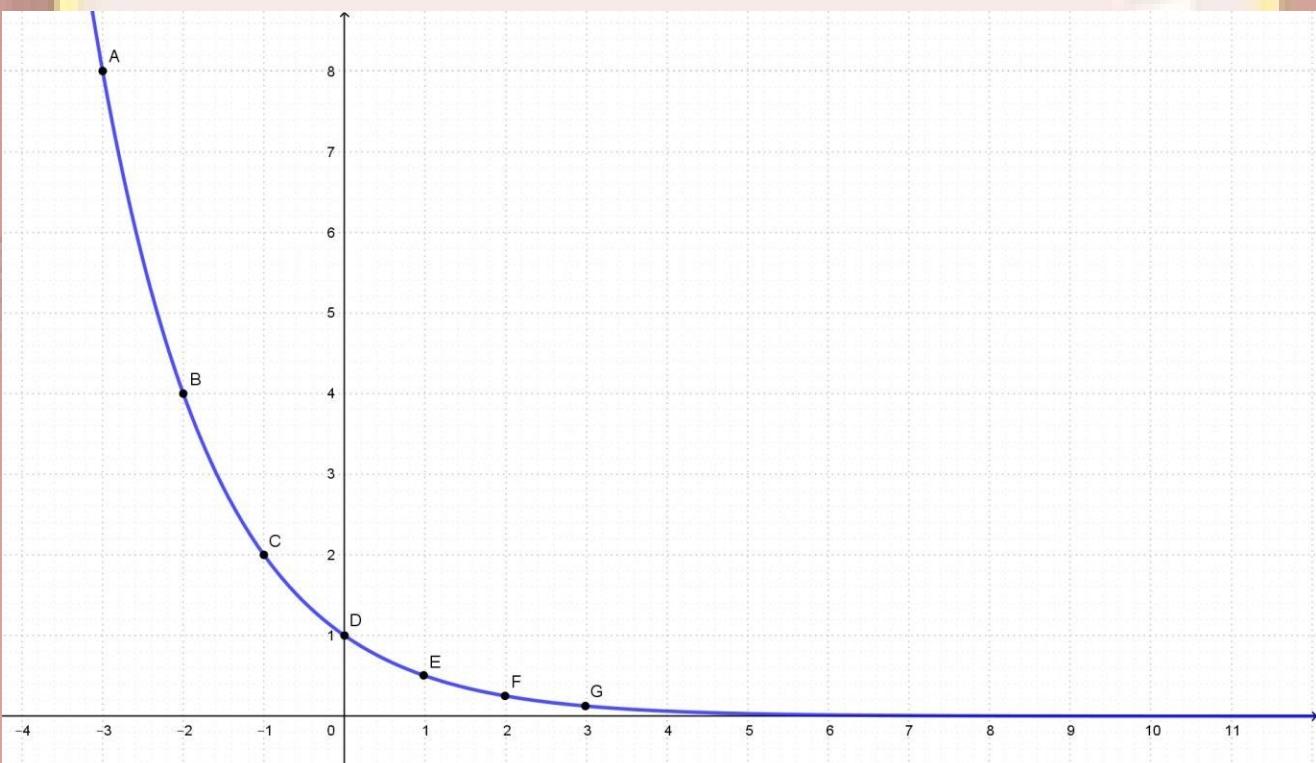
.....

Kegiatan 2 : Amatilah gambar grafik fungsi eksponensial berikut ini!

Tuliskan sifat-sifat grafik tersebut dalam tabel yang tersedia!



Gambar 1. Grafik fungsi eksponensial $y = 2^x$



Gambar 2. Grafik fungsi eksponensial $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$

No	Fungsi Eksponensial	Unsur-unsur Grafik Fungsi	Sifat-sifat Grafik Fungsi
1	Grafik $y = 2^x$ Bilangan pokok: Pangkat:	a. Titik potong sumbu Y b. Titik potong sumbu X c. Bentuk kurva d. Asimtot	a. b. c. Monoton naik d. Asimtot datar: garis $y = 0$ atau sumbu X
2	Grafik $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ Bilangan pokok: Pangkat:	a. Titik potong sumbu Y b. Titik potong sumbu X c. Bentuk kurva d. Asimtot	a. $(0,1)$ b. Tidak ada c. d.

Kegiatan 3 : Pehatikan langkah-langkah menggambar grafik fungsi eksponensial berikut ini!
Gambarlah grafik fungsi eksponensial (a) $y = 2^{x-1}$ dan (b) $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x + 1$ pada bidang gambar yang disediakan!

Langkah-langkah menggambar grafik fungsi eksponensial:

1. Membuat tabel fungsi eksponensial yang memuat kolom domain, range, dan titik koordinat.
2. Memilih beberapa anggota domain, yang memuat bilangan negatif, nol, dan bilangan positif.
3. Menentukan range yang sesuai untuk domain yang telah dipilih.
4. Menuliskan titik-titik koordinat yang diperoleh.
5. Menggambar dan menghubungkan titik-titik koordinat yang ada sehingga terbentuk grafik fungsi eksponensial.

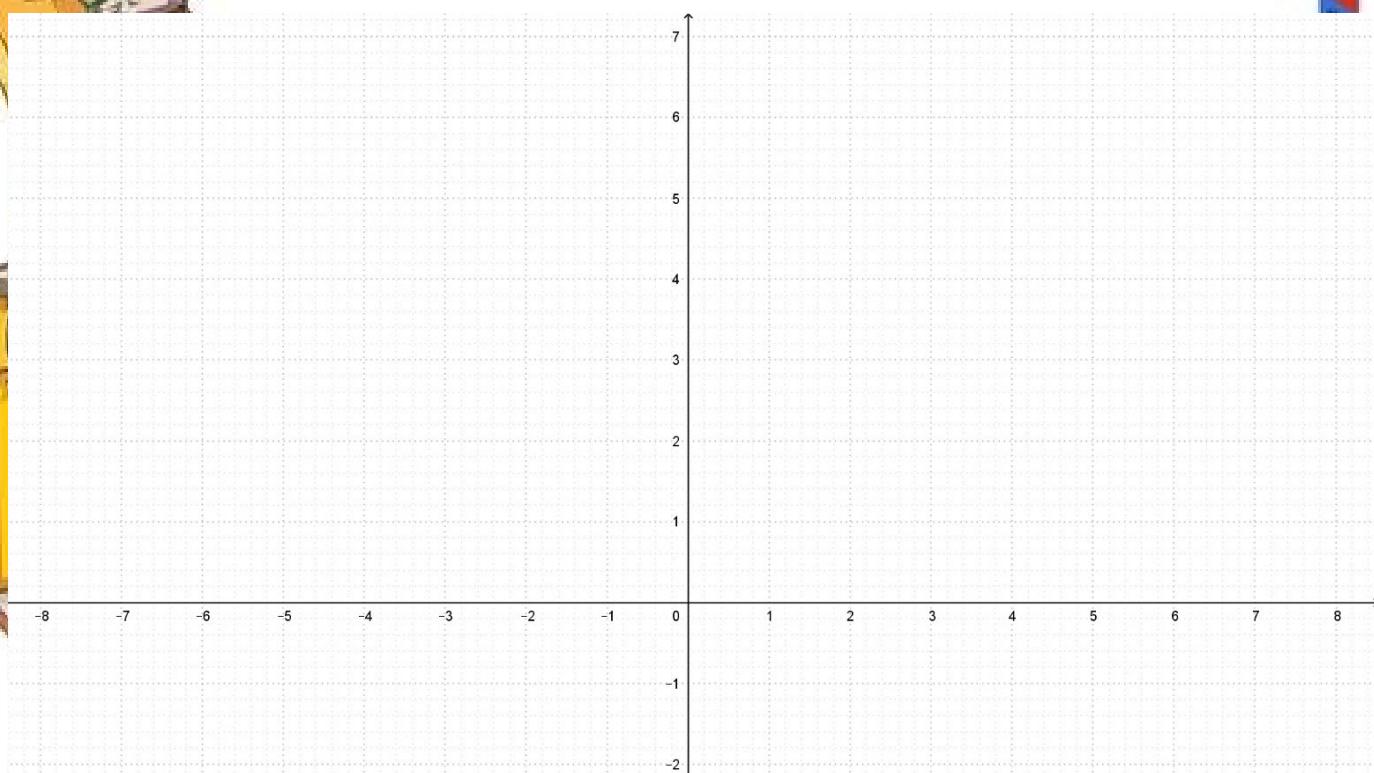
a. Tabel fungsi $y = 2^{x-1}$

x	$f(x) = 2^{x-1}$	(x, y)
-2	$f(-2) = 2^{-2-1} = 2^{-3} = \frac{1}{2^3} = \frac{1}{8}$	$\left(-2, \frac{1}{8}\right)$
-1		
0	$f(0) = 2^{0-1} = 2^{-1} = \frac{1}{2}$	$\left(0, \frac{1}{2}\right)$
1		
2	$f(2) = 2^{2-1} = 2$	(2,2)

b. Tabel Fungsi $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x + 1$

x	$f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^x + 1$	(x, y)
-2		
-1	$f(-1) = \left(\frac{1}{2}\right)^{-1} + 1 = \frac{2}{1} + 1 = 2 + 1 = 3$	(-1, 3)
0		
1	$f(1) = \left(\frac{1}{2}\right)^1 + 1 = \frac{1}{2} + 1 = \frac{1}{2} + \frac{2}{2} = \frac{3}{2}$	$\left(1, \frac{3}{2}\right)$
2		

Bidang Gambar

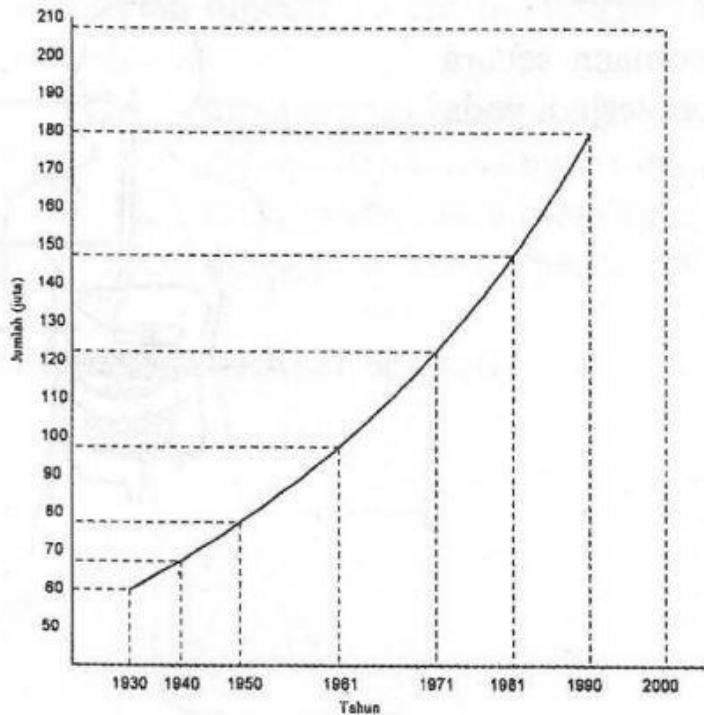


No	Fungsi Eksponensial	Unsur-unsur Grafik Fungsi	Sifat-sifat Grafik Fungsi
1	Grafik $y = 2^{x-1}$ Bilangan pokok: Pangkat: Konstanta:	a. Titik potong sumbu Y b. Titik potong sumbu X c. Bentuk kurva d. Asimtot	a. b. c. d.
4	Grafik $\left(\frac{1}{2}\right)^x + 1$ Bilangan pokok: Pangkat: Konstanta:	a. Titik potong sumbu Y b. Titik potong sumbu X c. Bentuk kurva d. Asimtot	a. b. c. d.

Kesimpulan Kegiatan 3

Kegiatan 4 : Selesaikanlah soal-soal berikut!

1. Perhatikan grafik pertumbuhan penduduk berikut!



Bagaimana kaitan antara grafik fungsi eksponensial dan grafik pertumbuhan penduduk tersebut? Berdasarkan grafik tersebut, bagaimanakah jumlah penduduk pada tahun 2020?

Penyelesaian:

2. Kolera penyakit yang menyerang usus disebabkan oleh bakteri kolera yang berkembang biak secara eksponensial dengan membelah selnya dan dinyatakan sebagai $N = N_0 \cdot e^{1,386t}$ dengan N adalah jumlah bakteri yang muncul setelah t jam dan N_0 adalah jumlah bakteri pada permulaan ($t = 0$). Jika diawal terdapat 55 bakteri, maka berapa banyak bakteri (dalam satuan terdekat) yang akan dihasilkan dalam waktu 7,25 jam?

Penyelesaian:

Misalkan : N = jumlah bakteri yang muncul setelah t jam

N_0 = jumlah bakteri pada permulaan ($t = 0$)

t = waktu

Diketahui : $N_0 \equiv \dots$

$t \equiv \dots$

Ditanya : $N = \dots$?

Jawab :

$$N = N_0 \cdot e^{1,386t}$$

KESIMPULAN YANG DIPEROLEH BERKAITAN DENGAN FUNGSI EKSPONENSIAL:

LEMBAR KERJA SISWA

Sifat-Sifat Fungsi Eksponensial

Mata Pelajaran : Matematika Peminatan
Materi Pokok : Sifat-sifat Fungsi Eksponensial
Hari/ Tanggal :
Kelas :
Nama :



Kompetensi Dasar

- 3.1 Mendeskripsikan dan menentukan penyelesaian fungsi eksponensial dan fungsi logaritma menggunakan masalah kontekstual, serta keberkaitannya.
- 4.1 Menyajikan dan menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan fungsi eksponensial dan fungsi logaritma.

Indikator Pencapaian Kompetensi

- 3.1.1 Menjelaskan pengertian bilangan berpangkat.
- 3.1.2 Menjelaskan konsep pangkat bulat positif
- 3.1.3 Menjelaskan konsep pangkat bulat negatif
- 3.1.4 Menemukan sifat-sifat bilangan berpangkat
- 3.1.5 Menjelaskan konsep pangkat nol
- 3.1.6 Menjelaskan konsep pangkat pecahan.
- 4.1.1 Terampil menerapkan konsep dan strategi pemecahan masalah yang berhubungan dengan pangkat bulat positif dan pangkat bulat negatif.

Pengertian Eksponen

Eksponen adalah bentuk perkalian dengan bilangan yang sama yang diulang-ulang atau disebut dengan perkalian yang diulang-ulang.. (dibaca: a pangkat n) dengan a disebut basis atau bilangan pokok dan n disebut eksponen atau pangkat.

Pangkat Bulat Positif

2^3 artinya $2 \times 2 \times 2$

3^4 artinya $3 \times 3 \times 3 \times 3$

-3^5 artinya

5^5 artinya

5^n artinya

a^n artinya

a disebut

n disebut

Maka $a^n = \dots \dots \dots$
..... sebanyak faktor

Sifat-sifat Pangkat Bulat Positif

3^2 artinya

3^6 artinya

Sifat Perkalian Berpangkat

$3^2 \times 3^6$ artinya $(3 \times 3 \times (\dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots))$

2 faktor

$$3^2 \times 3^6 = 3^{2+6} = 3^{...}$$

a^3 artinya ...

a^5 artinya

$a^3 \times a^5$ artinya

$$a^3 \times a^5 = \dots \dots + \dots = \dots \dots$$

$a^n \times a^m$ artinya

Maka $a^n \times a^m = \dots \dots + \dots$

Sifat Perkalian Berpangkat

$$3^6 : 3^2 = \frac{3^6}{3^2}$$

$$\frac{3^6}{3^2} = \frac{\dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots}{\dots \times \dots} = \dots \times \dots \times \dots \times \dots = 3$$

$$3^6 : 3^2 = 3^{6-2} = 3^4$$

$$a^5 : a^3 = \frac{\dots \dots \dots \dots \dots}{\dots \dots \dots} = \dots \dots \dots = a$$

$$a^5 : a^3 = a^{5-3} = a^2$$

Maka $a^n : a^m = \dots \cdots \cdot \cdots$

Sifat Perpangkatan Bilangan Berpangkat

$$(3^2)^6 = (\dots \times \dots)^6$$

$$(\dots \times \dots)^6 = (\dots \times \dots) \times (\dots \times \dots)$$

3...

$$(3^2)^6 = 3^{6 \times 2} = 3 \cdots$$

$$(a^3)^5 = (\dots \dots \dots \dots \dots)$$

$$(\dots \times \dots \times \dots) \cdots = (\dots \times \dots \times \dots) \times (\dots \times \dots \times \dots) \times \dots \dots \dots \dots \dots \dots$$

$\dots x \dots x \dots x \dots$

6/25

2000-5

Maka $(a^n)^m = a \cdots x \cdots = a \cdots$

Sifat Perpangkatan dari Bentuk Perkalian dan Pembagian

2^2 artinya ... \times ...

3^2 artinya

4^2 artinya

$$(2 \times 4)^2 \text{ artinya } (2 \times 4) \times (2 \times 4)$$

$\underbrace{\hspace{10em}}$
 $(2 \times 4)^2 = 2^2 \times \dots \dots$
.... $\times 16$

$$(2 \times 4)^n \text{ artinya } (2 \times 4) \times (2 \times 4) \underbrace{(2 \times \dots \times \dots \times \dots \text{ dst}) \times}_{\dots \dots \dots} \text{ Sebanyak } n \text{ faktor}$$

$$(2 \times 4)^n = 2 \dots \times 4 \dots$$

Maka $(a \times b)^m = a \dots \times a \dots$

$(4:3)^2$ artinya $(\dots : \dots) \times (\dots : \dots) = (4 \times 4):(3 \times \dots)$

$$(4:3)^2 = \frac{4 \times 4}{\dots \times \dots}$$

$\overline{4^2}$
 $3\dots$
 $\underline{16}$

$(a:b)^3$ artinya $(\dots : \dots) \times (\dots : \dots) (a \times \dots \times \dots) : (\dots \times \dots \times \dots)$

$$(a:b)^3 = \frac{\dots \dots \dots \dots \dots}{\dots \dots \dots \dots}$$

$\overline{a\dots}$
 $\dots \dots$

Maka $(a \times b)^m = a \dots \times a \dots$



Pangkat Bulat Negatif

$$\frac{3^2}{3^5} \text{ artinya } \frac{\dots \times \dots}{\dots \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots} = \frac{1}{\dots \times \dots \times \dots} = \frac{1}{\dots \dots}$$

Dengan menggunakan sifat pembagian bilangan berpangkat, maka:

$$\frac{3^2}{3^5} = 3^{\dots \dots} = 3^{\dots}$$

$$3^{-3} = \frac{1}{3^{\dots}}$$

$$a^{-4} = \frac{1}{a^{\dots}}$$

$$\text{Maka } a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$

Pangkat Nol

$$7^2 \text{ artinya } \dots \times \dots$$

$$\frac{7^2}{7^2} = \frac{\dots \times \dots}{\dots \times \dots}$$

$$\frac{7^2}{7^2} = \frac{49}{\dots} = \dots$$

Dengan menggunakan sifat pembagian bilangan berpangkat, maka:

$$\frac{7^2}{7^2} = 7^{\dots \dots} = 7^{\dots} = \dots$$

$$5^0 = \dots$$

$$\text{Maka } a^0 = \dots \text{ dengan } a \neq 0$$

Pangkat Pecahan

$$\sqrt[2]{a} = \sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}$$

$$\sqrt{a} \times \sqrt{a} = \sqrt{a^2} = a$$



Dengan menggunakan sifat perkalian bilangan berpangkat, maka:

$$a^{\frac{m}{n}} \times a^{\frac{p}{q}} = a^{\frac{m}{n} + \frac{p}{q}} = a^{\frac{mq+pn}{nq}} = a^{\frac{m}{n}} = a$$
$$\sqrt[n]{a} \times \sqrt[n]{a} \times \sqrt[n]{a} = a^{\frac{1}{n} + \frac{1}{n} + \frac{1}{n}} = a^{\frac{3}{n}} = a^{\frac{1}{n}} = a$$

$$\sqrt[n]{a} \times \sqrt[n]{a} = (\sqrt[n]{a})^2 = (a^{\frac{1}{n}})^2$$

$$a^{\frac{m}{n}} \times a^{\frac{p}{q}} = a^{\frac{m}{n} + \frac{p}{q}}$$
$$a^{\frac{m}{n}}$$

Sehingga dapat dituliskan :

$$\sqrt[3]{a^2} = a^{\frac{2}{3}}$$

$$2^{\frac{3}{2}} = \sqrt[2]{2^3} = \sqrt{2^3}$$

$$2^{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{2^2}$$

$$3^{\frac{3}{4}} = \sqrt[4]{3^3}$$

$$3^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{3^m}$$

Maka $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m}$ dengan $a \neq 0$ dan $a > 0$

Uji Pemahaman Materi

Sederhanakan bentuk berikut:

1. $\frac{(6)^4 \times 6^2}{(6^2)^2} = \dots$

2. $3^{-3} : 3^{-2} = \dots$

3. a. $3^{\frac{5}{3}}$

b. $4^{\frac{5}{2}}$

LEMBAR KERJA SISWA

Logaritma

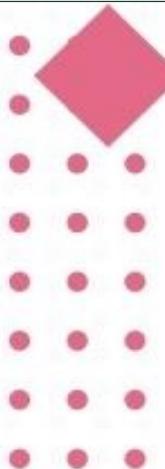
Mata Pelajaran : Matematika Peminatan

Materi Pokok : Pengertian dan Sifat-sifat Logaritma

Hari/ Tanggal :
Kelas :

Nama Kelompok :

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.



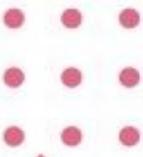
Kompetensi Dasar

- 3.1 Mendeskripsikan dan menentukan penyelesaian fungsi eksponensial dan fungsi logaritma menggunakan masalah kontekstual, serta keberkaitannya.
- 4.1 Menyajikan dan menyelesaikan masalah yang berkaitan dengan fungsi eksponensial dan fungsi logaritma.

Indikator Pencapaian Kompetensi

- 3.1.1 Menjelaskan pengertian logaritma
- 3.1.2 Mengubah bentuk eksponen ke bentuk logaritma
- 3.1.3 Mengubah bentuk logaritma ke bentuk eksponen
- 3.1.4 Menemukan konsep sifat-sifat logaritma
- 4.1.1 Terampil menerapkan sifat-sifat logaritma dalam pemecahan masalah





Operasi logaritma merupakan kebalikan (invers) dari perpangkatan
Definisi:

Logaritma suatu bilangan, jika Jika $x = a^n$ maka ${}^a \log x = n$, dan sebaliknya jika ${}^a \log x = n$ maka $x = a^n$. hubungan antara bilangan berpangkat dan logaritma dapat diinyatakan sebagai berikut:

$${}^a \log x = n \leftrightarrow x = a^n$$

Dengan a = bilangan pokok atau basis, $a > 0$, $a \neq 1$

x = numerus, $x > 0$

n = hasil logaritma

Bilangan pokok (basis) 10 tidak ditulis, sehingga ${}^{10} \log a = \log a$

Bentuk logaritma dapat dinyatakan dalam bentuk pangkat dan sebaliknya, bentuk pangkat dapat dinyatakan dalam bentuk logaritma.

- $2^x = 5 \leftrightarrow x = {}^2 \log 5$
- $\log 100 = 2 \leftrightarrow 10^2 = 100$
- $\dots \log 32 = 2p \leftrightarrow 2^{2p} = \dots$
- $3^{\dots} = 81 \leftrightarrow {}^3 \log 81 = 4$
- $b^8 = 246 \leftrightarrow {}^b \log 246 = 8$

1. Sifat 1

Untuk $a > 0$, $a \neq 1$, berlaku:

$${}^a \log a = 1$$

- Setiap bilangan apabila dipangkatkan dengan 1 maka hasilnya adalah bilangan itu sendiri.

Jadi $a^1 = \dots \rightarrow {}^a \log a = \dots$

$${}^a \log 1 = 0$$

- Setiap bilangan tidak sama dengan 0 dipangkatkan nol hasilnya selalu 1.

Jadi $a^0 = \dots \leftrightarrow {}^a \log 1 = \dots$



Contoh:

Hitunglah:

- ${}^3\log 3 = 1$
- $\log 10 = \dots$
- ${}^5\log 1 = \dots$

2. Sifat 2

Untuk $a > 0$, $a \neq 1$, $x > 0$ dan $y > 0$ serta a , x , dan $y \in \mathbb{R}$ berlaku:

$${}^a\log xy = {}^a\log x + {}^a\log y$$

Bukti :

$${}^a\log x = n \leftrightarrow a^n = \dots$$

$${}^a\log y = \dots \leftrightarrow a^m = y$$

$${}^a\log xy = p \leftrightarrow a^p = xy$$

Dari bentuk pangkat tersebut diperoleh:

$$xy = a^n \cdot a^m$$

$$= a^{n+m}$$

$$a^p = a^{n+m} \leftrightarrow p = n+m$$

Maka:

$$n = {}^a\log$$

$$xm = {}^a\log y$$

$$p = {}^a\log xy, \text{ sehingga:}$$

$$\leftrightarrow p = n+m$$

$$\leftrightarrow \dots = \dots + {}^a\log y$$

Jadi, ${}^a\log xy = \dots + \dots$

Ubahlah:

a) ${}^2\log 2 \cdot 3 = {}^2\log \dots + {}^2\log \dots$

b) ${}^2\log 12 + {}^2\log 4 = {}^2\log \dots \dots = {}^2\log \dots$

c) ${}^3\log 4 \cdot 5 = {}^3\log 4 \dots {}^3\log 5$

3. Sifat 3

Untuk $a > 0$, $a \neq 1$, $x > 0$ dan $y > 0$ serta a , x , dan $y \in \mathbb{R}$ berlaku:

$${}^a\log \frac{x}{y} = {}^a\log x - {}^a\log y$$

Bukti:

$${}^a\log x = n \leftrightarrow a^n = x$$

$${}^a\log y = m \leftrightarrow \dots = \dots$$

$${}^a\log \frac{x}{y} = p \leftrightarrow \dots^p = \dots$$

Dari bentuk pangkat tersebut diperoleh:

$$\begin{aligned} \frac{x}{y} &= \frac{a}{a^m} \\ &= a^{\dots - \dots} \\ a^p &= a^{n-m} \quad \leftrightarrow \quad p = \dots - \dots \end{aligned}$$

Maka:

$$n = {}^a\log x$$

$$m = \dots \log \dots$$

$$p = {}^a\log \frac{x}{y}, \text{ sehingga :}$$

$$p = n - m$$

$${}^a\log \frac{x}{y} = \dots - \dots$$

$$\text{Jadi, } {}^a\log \frac{x}{y} = {}^a\log x \cdot {}^a\log y$$

Ubahlah :

a) ${}^8\log \frac{a}{b} = \dots - \dots$

b) ${}^6\log 8 - {}^6\log 2 - {}^6\log \frac{\dots}{\dots} = {}^6\log \dots$

4. Sifat 4

Untuk $a > 0, a \neq 1, x > 0$ serta $a, x, n \in R$ berlaku:

Bukti:

$$\begin{aligned} {}^a\log x^n &= {}^a\log (\underbrace{x \cdot x \cdot x \cdot x \cdot \dots \cdot x}_{\dots \text{ faktor}}) \\ &= {}^a\log x + {}^a\log x + \dots + {}^a\log x \\ &\quad \underbrace{\dots}_{\dots \text{ faktor}} \\ &= n \cdot \dots \log \dots \end{aligned}$$

$$\text{Jadi, } {}^a\log x^n = \dots \cdot \dots \log \dots$$

Hitunglah:

a) ${}^3\log 3^4 = \dots \cdot {}^3\log 3 = \dots = \dots$

b) ${}^2\log (2^5 \cdot 2^2) = {}^2\log 2^{\dots + \dots} = {}^2\log 2^{\dots} = \dots \cdot {}^2\log 2 = \dots = \dots$

5. Sifat 5

Untuk $a > 0, a \neq 1, x > 0$ serta $a, x, \in R$ berlaku:

$${}^a \log x = \frac{1}{m} {}^a \log x$$

Hitunglah

$${}^2 \log 5 = \frac{1}{...} {}^2 \log ...$$

$${}^3 \log 7 = \frac{...}{...} {}^3 \log ...$$

6. Sifat 6

Untuk $a > 0, a \neq 1, x > 0$ dan $y > 0$ serta $a, x, y \in R$ berlaku:

$${}^a \log x^n = \frac{n}{m} {}^a \log x$$

Bukti :

$${}^a \log x^n = q \leftrightarrow a^{m \cdot q} = x^n$$

Dari bentuk pangkat di atas diperoleh:

$$\begin{aligned} x^n = a^{m \cdot q} &\leftrightarrow (...)^n = a^{mq} \\ &\leftrightarrow a^{p \dots} = a^{mq} \end{aligned}$$

Hitunglah :

a) ${}^4 \log 32 = {}^2 \log 2 = \frac{5}{2} \dots = \dots$

b) ${}^{16} \log 64 = {}^4 \log 64 = \frac{...}{...} {}^2 \log 2 = \frac{...}{2} \cdot 1 = \dots$

7. Sifat 7

Untuk $a > 0, a \neq 1, x > 0$ serta $a, x, \in R$ berlaku:

Bukti:

$${}^a \log x = \frac{p_{\log x}}{p_{\log a}}$$

$${}^a \log x = n \leftrightarrow \dots = \dots$$

$$\begin{aligned} {}^p \log a^n &= {}^p \log x \\ \dots \cdot {}^p \log a &= {}^p \log x \\ n &= \frac{p_{\log x}}{p_{\log a}} \end{aligned}$$

Hitunglah:

a) ${}^4\log 32 = {}^2\log 2 = \dots$

b) ${}^{16}\log 64 = {}^4\log 2 = \dots$

8. Sifat 8

Untuk $a > 0, a \neq 1, x > 0$ dan $y > 0$ serta $a, x,$ dan $y \in R$ berlaku:

$${}^a\log x \cdot {}^x\log y = {}^a\log y$$

$$\begin{aligned} {}^a\log x &= p \\ {}^x\log y &= q \end{aligned}$$

Dari bentuk pangkat tersebut diperoleh:

$$\begin{aligned} y = x^q &\leftrightarrow y = (\dots)^q \\ &\leftrightarrow y = a^{pq} \\ &\leftrightarrow {}^a\log y = {}^a\log a^{pq} \\ &\leftrightarrow {}^a\log y = \dots \cdot {}^a\log a \\ &\leftrightarrow {}^a\log y = pq \\ &\leftrightarrow {}^a\log y = \dots \cdot \dots \log \dots \end{aligned}$$

Jadi, ${}^a\log x \cdot {}^x\log y = {}^a\log y$

Hitunglah:

a) ${}^3\log 7 \cdot {}^7\log 81 = \dots = {}^3\log 3 = \dots = \dots$

b) ${}^2\log 5 \cdot {}^5\log 32 = \dots = {}^2\log 2 = \dots = \dots$

9. Sifat 9

Untuk $a > 0, a \neq 1, x > 0$ serta $a, x, \in R$ berlaku:

$$a^{{}^a\log x} = x$$

Bukti:

$$\begin{aligned} {}^a\log x = n &\leftrightarrow \dots = \\ \dots x = a^n &\leftrightarrow x = \\ a^{{}^a\log x} &\text{Jadi } a^{{}^a\log x} \\ &= \dots \end{aligned}$$

Contoh:

a) $5^{{}^5\log 8} = \dots$

b) $4_2^{\log 3} = 2_{\dots}^{\log 3} = 2_2^{\log 3} = \dots = \dots$

Uji Pemahaman Materi

1. Perhatikan bilangan berpangkat berikut
ini: $5^2 = 25$

5 disebut

2 disebut

..... 25

disebut

Nyatakan bentuk pangkat tersebut dalam bentuk

$$\text{logaritma: } 5^2 = 25 \quad \leftrightarrow \quad \log \dots = \dots$$

Dengan, basis adalah ..., numerus adalah..., dan hasil logaritmanya adalah...

2. Ubahlah ke bentuk logaritma

3. Ubahlah ke bentuk bilangan berpangkat

a. ${}^3\log 27$

b.

4. Sederhanakanlah

a. ${}^3\log 54 + {}^3\log 2 - {}^3\log 4 + {}^3\log 9$

b. ${}^2\log 48 - {}^2\log 3 + {}^5\log 50 - {}^5\log 2$

c. ${}^{2^5} \log 6$

d. ${}^2\log 5 \cdot {}^5\log 16$

e. $2 \log 3 + 4 \log 3$

f. $9^{{}^3\log 4}$

5. Jika ${}^2\log 3 = a$ dan ${}^3\log 5 = b$. nyatakanlah logaritma-logaritma berikut dalam bentuk a dan b .

a. ${}^5\log 2$

b. ${}^4\log 10$

c. ${}^8\log 27$